

# Strengthening of Reinforced Concrete Bridge Columns Against Blast Loading and Comparison of Different Methods of Strengthening

P. Hassanzadeh\*, M. Hosseini

## Abstract

The design of elements under blast load came to the attention of scientists after World War II. Extensive research has been done in the last fifty years on the behavior of structures against blast loads and their reaction. Due to the intensity and magnitude of blast loads, it is important to carry out the most appropriate scheme in terms of economics and safety for a structure. If the design is not done correctly and with the right criteria selected, it may impose exorbitant costs on the execution of a structure. The type of blast in this research is blast in the open air and unrestricted surface. A surface blast is a blast that occurs at a surface or at a very close distance to the ground. In this research, different methods of strengthening the column of concrete bridges under blast load will be investigated. The considered strengthening methods include changing the arrangement of the rebars on the cross-sectional area, increasing the amount of cross-sectional rebars, using FRP rebars and increasing or changing the geometric shape of the column cross-sectional area; Then the most appropriate, economical and safest strengthening scheme is selected and a suitable strengthening model for the above system is presented. The structural models studied in this research are investigated at an identical blast level (1000 kg TNT at 3 meters from the structure). The software used in analyzing the studied models is SAP2000 software. The results showed that some strengthening methods, such as increasing the amount of cross-sectional rebars, increase structural responses. Also, among the strengthening methods selected in the research, replacing FRP rebars instead of regular rebars in the reinforced concrete bridge columns is the most effective and the best method of strengthening these structures against the blast loads.

**Key Words:** *Blast, Bridge, Strengthening Scheme, Concrete Column, Safety and Performance*

This article is an open-access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution (CC BY) license.

**Publisher:** Imam Hussein University

 Authors



\*Ph.D, Lorestan University, Faculty of Engineering, Department of Civil Engineering, Visiting Professor, Iran.  
(pouya.hassanzadeh@yahoo.com) - Writer-in-Charge

# نشریه ملی پژوهش‌های عالی

سال چهاردهم، شماره ۳، پیاپی ۵۵؛ صص ۳۹-۲۷

علمی-پژوهشی

## مقاوم سازی ستون های بتنی پایه پل در برابر بارگذاری انفجاری و

### مقایسه روش های مختلف مقاوم سازی

پویا حسنوند<sup>۱\*</sup>، مجتبی حسینی<sup>۲</sup>

تاریخ دریافت: ۱۴۰۱/۰۳/۲۸

تاریخ پذیرش: ۱۴۰۱/۱۰/۱۹

### چکیده

طراحی اضافی که تحت بار انفجاری قرار می‌گیرند بعد از جنگ جهانی دوم مورد توجه دانشمندان قرار گرفت. تحقیقات گسترهای در پنجاه سال اخیر بر روی رفتار سازه‌ها در برابر بار انفجار و عکس العمل آن‌ها صورت پذیرفته است. با توجه به شدت و بزرگی بارهای انفجاری انجام مناسب‌ترین طرح به لحاظ اقتصادی و ایمنی برای یک سازه مهم است. در صورتی که طراحی به درستی و با انتخاب معیار مناسب صورت نگیرد، ممکن است هزینه‌های گزافی را برای اجرای یک سازه تحمیل کند. نوع انفجار در این تحقیق، انفجار در هوای آزاد و از نوع محدود نشده سطحی است. انفجار سطحی انفجاری است که در سطح و یا فاصله‌ی بسیار نزدیک به زمین اتفاق می‌افتد. در این تحقیق به بررسی روش‌های مختلف مقاوم سازی پایه پل‌های بتنی تحت بار انفجار پرداخته خواهد شد. روش‌های مقاوم سازی در نظر گرفته شده شامل تغییر آرایش میلگردهای موجود در سطح مقطع، افزایش میزان میلگرد مقطع، استفاده از میلگردهای FRP و افزایش و یا تغییرشکل هندسی سطح مقطع ستون است؛ و سپس مناسب‌ترین، اقتصادی‌ترین و ایمن‌ترین طرح مقاوم سازی را برگزیده و یک الگوی مقاوم سازی مناسب برای سامانه فوق الذکر ارائه می‌گردد. مدل‌های سازه‌ای مورد بررسی در این تحقیق در یک سطح انفجاری یکسان (۱۰۰۰ کیلوگرم TNT در فاصله ۳ متری از سازه) مورد بررسی قرار می‌گیرند. نرم‌افزار مورد استفاده در تحلیل مدل‌های مورد بررسی نرم‌افزار SAP2000 است. نتایج نشان داد که بعضی از روش‌های مقاوم سازی مانند افزایش درصد میلگرد مقطع پاسخ‌های سازه‌ای را افزایش می‌دهد. همچنین از بین روش‌های مقاوم سازی انتخابی در پژوهش، جایگزین کردن میلگردهای FRP به جای میلگردهای معمولی در ستون‌های بتنی پایه پل به عنوان مؤثرترین و بهترین روش تقویت این سازه‌ها در برابر بارهای ناشی از انفجار است.

**کلید واژه‌ها:** انفجار، پل، طرح مقاوم سازی، پایه بتنی، ایمنی و عملکرد

\* این مقاله یک مقاله با دسترسی آزاد است که تحت شرایط و ضوابط مجوز Creative Commons Attribution (CC BY) توزیع شده است.



نویسنده‌گان (C)

ناشر: دانشگاه جامع امام حسین (ع)

<sup>۱</sup>دانشجوی دکتری، گروه مهندسی عمران، دانشگاه بوعلي سينا، همدان، ايران - (pouya.hassanvand@yahoo.com) - نویسنده مسئول

<sup>۲</sup>دانشیار، گروه مهندسی عمران، دانشگاه لرستان، خرم‌آباد، ایران

یکی از اصول اساسی پدافند غیرعامل طراحی و ساخت سازه‌های امن است. با توجه به ماهیت بار انفجاری از حفاظ بزرگی و شدت، در صورتی که طراحی به درستی و با انتخاب معیار مناسب صورت نگیرید ممکن است هزینه ساخت سازه بسیار افزایش یابد و هزینه‌های گرفتاری را بر کشور تحمیل کند. پل‌ها سازه‌های حساسی هستند زیرا هرگونه صدمه به آن‌ها باعث خسارات مالی و جانی می‌شود. قبل از انجام مراحل مقاوم‌سازی، مطالعه بر روی سازه اهمیت بالایی دارد که در این بین پل‌ها به عنوان سازه‌های استراتژیک و مهم اهمیتی دوچندان دارند. در این میان ستون‌های بتن مسلح، اعضای اصلی مقاوم در برابر بارهای افقی و قائم در سازه‌های بتنی به شمار می‌آیند لذا مقاوم کردن ستون‌ها در برابر نیروهای جانبی می‌تواند نقش مهمی را در مقاوم‌سازی کل سازه ایفا کند درنتیجه استفاده از روش‌های مختلف جهت مقاوم‌سازی ستون‌های بتنی مسلح در دنیا گسترش یافته است.

تحقیق‌های متعددی بر روی مبحث بهسازی و مقاوم‌سازی پل و روش‌های بهبود عملکرد سازه‌ای آن‌ها انجام شده است، که از اهم تحقیقات صورت گرفته تا امروز می‌توان به موارد زیر اشاره کرد.

- ویلیامسون و وینگت [۷] و وینگت و همکاران [۸] برای تعیین عملکرد و پاسخ پل‌ها تحت بار انفجار، از تحلیل دینامیکی درجه آزادی مجزا (<sup>۱</sup>SDOF) استفاده کردند. در این تحقیقات، بتن پیش تنیده در پل‌های چنددهانه مورد آنالیز قرار گرفت و نتایج نشان داد که هندسه پل، فاصله انفجار از هدف، و محل انفجار اثر مهمی بر روی پاسخ پل دارد.

- عبدالاحد و آروکیاسامی [۹] پل‌ها با سامانه عرضه دال بتنی و تیر T شکل را در برابر بار انفجار ضعیف و متوسط مورد بررسی قرار دادند. از نتایج مهم تحقیق آن‌ها این بود که استفاده از بتن با مقاومت بالا تأثیر چندانی در افزایش مقاومت پل در انفجار نداشت.

- بالوت و همکاران [۱۰]، تحقیقاتی را برای یک روش مؤثر تجزیه و تحلیل شاهدیرهای پل با اندازه‌های مختلف وزن و موقعیت مواد منفجره انجام دادند. در این تحقیقات، آن‌ها اثر مقدار و توزیع بار را ارزیابی کردند.

- مهدوی صفت و همکاران [۱۱] در مطالعه‌ای به عملکرد پل‌های بتنی پیش‌تنیده تحت بار انفجاری پرداختند. آن‌ها دریافتند که سیستم کابلی می‌تواند برای یک مسیر بارگذاری متغیر به منظور حفظ سازه تحت بار انفجاری شدید، طراحی شود. عملکرد یکپارچه در سیستم کابل پیش‌تنیده اگر بتواند در سرتاسر پل توسعه یابد می‌تواند آسیب‌های موضعی که ممکن است در عرضه

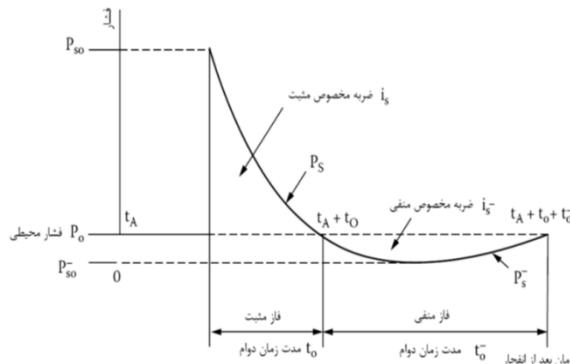
## ۱- مقدمه

امروزه با توجه به افزایش حملات تروریستی در سراسر دنیا، طراحی ساختمان‌ها در مقابل بارهای ناشی از انفجار به ویژه در برخی از ساختمان‌های حساس و شریان‌های حیاتی در حوزه پدافند غیرعامل مورد توجه ویژه‌ای قرار گرفته است. طراحی سازه‌های مقاوم در برابر انفجار به عنوان یک ضرورت، علاوه بر سازمان‌های نظامی و دولتی با توجه به تحت الشاعع قرار دادن اقتصاد طرح و بهره‌برداری درازمدت از یک پروژه نظر بخش غیرنظمی را نیز به خود جلب نموده است [۱]. اهمیت بررسی اثرات انفجار بر روی سازه‌ها سبب شده است تا دستورالعمل‌هایی در زمینه‌ی طراحی ساختمان‌ها و فضاهای شهری در برابر انفجار تدوین گردد. دستورالعمل ۱۹۸۵-۸۵۵-۵ [۲] که در سال ۱۹۸۶ توسط دپارتمان نیروی زمینی ارتش آمریکا برای سازه‌های مقاوم در برابر انفجار تهیه شده است را می‌توان به عنوان یکی از اولین دستورالعمل‌ها دانست که از اوایل دهه ۵۰ به بعد تهیه و تکمیل شده است. پس از آن دستورالعمل ۵۷ TR 87-57 [۳] در سال ۱۹۸۹ توسط بخش مهندسی نیروی هوایی آمریکا به منظور آنالیز و طراحی سازه‌های مقاوم در برابر انفجارهای غیر ارائه شد. در سال ۱۹۹۰ نیز دستورالعمل ۱۳۰۰ TM5-1300 [۴] به صورت مشترک توسط دپارتمان نیروی زمینی، نیروی دریایی و نیروی هوایی ارتش آمریکا تهیه شد که به صورت گسترده جهت طراحی سازه‌ها در برابر انفجار مورد استفاده قرار گرفت. نهایتاً در سال ۲۰۰۸ دستورالعمل ۰۲-۳۴۰ UFC 3-340 [۵] که نسبت به دستورالعمل‌های TM5-1300 پیشین جامعیت بیشتری داشته و نسخه به روز شده ۱۳۰۰-۱۳۰۰ است، توسط دپارتمان دفاعی آمریکا تهیه شد و هم‌اکنون اکثرآ به عنوان مبنای اصلی طراحی و تحقیقات در این حوزه مورد استفاده قرار می‌گیرد.

در چند دهه گذشته به موازات توسعه راههای کشور حجم قابل توجهی از بودجه‌های مربوطه جهت پل‌ها اختصاص یافته است. متأسفانه علی‌رغم پیشرفت‌های فن‌آوری در مهندسی عمران هنوز این سازه‌ها با گذشت زمان به دلایل مختلف از جمله شرایط محیطی نامناسب و ترافیک سنگین و حوادث طبیعی دچار خرابی‌های متعددی می‌شوند. این خرابی‌ها در صورت عدم توجه به موقع علاوه بر کاهش سطح بهره‌برداری و عمر مفید سازه هزینه‌های تعمیر و نگهداری را شدیداً افزایش خواهد داد. که اهمیت به کارگیری روش‌های منطقی و سینماتیک در مدیریت نگهداری پل‌ها به منظور حفظ اینمنی استفاده کنندگان از پل و جلوگیری از هدر رفتن سرمایه‌های کشور را نمایان می‌سازد. بنابراین دست‌یابی به روش یا روش‌هایی جهت بهسازی پل‌هایی که به اندازه کافی مقاوم نیستند می‌تواند بسیار مهم باشد [۶].

<sup>۱</sup> سیستم یک درجه آزادی

است حرکت می کند. در حین حرکت موج فشاری با سرعت صوت، دما حدود  $3000 - 4000$  درجه سانتی گراد و فشار نزدیک  $300 \text{ Kbar}$  هست و این عوامل باعث افزایش بیشتر سرعت موج می شود. شکل (۱) منحنی فشار - زمان موج انفجار را برای انفجار در محیط آزاد نشان می دهد.



شکل (۱): تاریخچه زمانی فشار ناشی از یک موج انفجاری آزاد در هوا [۵]

در مقایسه با دیگر بارهای وارد بر سازه (نظیر زلزله، باد، سیل و...)، بار ناشی از انفجار دارای خصوصیات و تفاوت هایی است که حتماً باید مورد توجه واقع شود [۱۵]:

الف- میزان فشار وارد بر سازه در هنگام انفجار می تواند چندین برابر بزرگ تر از فشار ناشی از دیگر مخاطرات باشد. مثلاً فشار بیشینه ناشی از انفجار یک خودرو که در کنار پیاده رو پارک شده است، بر سازه های مجاور تا مقدار باور نکردنی ( $70.0 \text{ ton/m}^2$ ) می رسد.

ب- فشار ناشی از انفجار با سرعت بسیار زیادی از بین می رود. به همین دلیل تخریب ناشی از انفجار در قسمتی از سازه که رو به انفجار است، به مراتب شدید تر و وسیع تر از پشت سازه خواهد بود. ج- بازه زمانی و درنتیجه، دوره بارگذاری در انفجار بسیار کوتاه است که به طور معمول در زمان هایی نظیر چند هزار متر مربع تا چند ده ثانیه رخ می دهد. در حالی که مدت دوام بار زلزله چند ده ثانیه و مدت دوام بار باد تا چند ده دقیقه متغیر می باشند.

د- موج ضربه ای ناشی از انفجار همچنین در جهت هایی اثر می کند که احتمالاً سازه برای تحمل بار در آن جهت ها طراحی نشده است. مثلاً نیروی ناشی از انفجار در جهت بالا بر سقف های ساختمان اثر می کند.

مقدار بار ناشی از موج انفجار و نحوه توزیع فشارهای حاصله بر روی سازه تابع عوامل زیر است [۵]:

- هندسه و شکل سازه
- موقعیت محل انفجار نسبت به سازه
- خواص مواد منفجره مانند جنس، وزن، مقدار انرژی آزاد شده

پل اتفاق بیفتدم، را کاهش دهد. این سیستم همچنین از تخریب پیشرونده و گسترش تخریب به دهانه های مجاور جلوگیری می کند.

- یاکسین پن و همکاران [۱۲] در یک مطالعه عددی عملکرد پل های بزرگراه ها را در معرض بارهای انفجار بررسی کردند. این مطالعه به بررسی ستاریوهای مختلف انفجاری از نظر وزن و محل انفجار، و اثرات آن ها بر روی سازه های پل مورد بررسی قرار گرفت. نتایج تحقیق نشان داد که در مجموع پل تقویت شده با CFRP<sup>۱</sup> عملکرد خوبی دارد و علاوه بر این تقویت وجه پشت به انفجار سازه نسبت به وجه رو به انفجار سازه در جلوگیری از تکه تکه شدن و تشکیل پرتا به مؤثر تر است.

- پائولو زامپیری و همکاران [۱۳] عملکرد سازه های یک پل کابلی فولادی تحت بار انفجار با در نظر گرفتن الگوهای پیکربندی مختلف را بررسی کردند. در این مطالعه سه نوع پیکربندی مختلف برای سازه پل تحت بار انفجار مورد بررسی قرار گرفت. نتایج حاکی از اثرات قابل توجه نوع پیکربندی سازه های پل بر پاسخ های سازه های ناشی از بارگذاری انفجاری است. همچنین مشخص گردید که پل کابلی با پیکربندی مدل Fan در بین موارد در نظر گرفته شده مؤثر ترین پیکربندی در کاهش اثر دینامیکی ناشی از بارگذاری انفجاری بر سازه است.

اکثر تحقیق های قبلی، پاسخ اجزای پل ها تحت بار انفجار را به صورت جداگانه مورد بررسی قرار داده اند. ولی مطالعه کمتری در خصوص روش های مختلف مقاآم سازی ستون های بتنی پایه پل در برابر این نوع بارگذاری و مقایسه این روش ها با هم انجام شده است. لذا در این مطالعه، بررسی رفتار یک پل با بعد واقعی تحت بار انفجار و به کمک تحلیل های نرم افزاری و مقایسه و بررسی روش های مختلف به سازی و مقاآم سازی آن پرداخته شده است.

## ۲- مواد و مصالح

### ۲-۱- آشنایی با پدیده ای انفجار

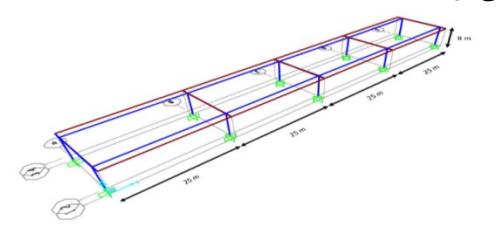
به طور کلی، انفجار نتیجه ای آزاد شدن بسیار سریع مقدار زیادی انرژی در یک فضای محدود است [۱۴]. آزاد شدن ناگهانی انرژی، یک موج فشاری در محیط تولید می کند که موج شوک نامیده می شود. زمانی که یک انفجار اتفاق می افتد، انبساط گازهای داغ، یک موج فشاری در محیط اطراف تولید می کند. با حرکت این موج از مرکز انفجار، بخش داخلی به وسیله جبهه موج از محل اولیه ای که قبلاً در آنجا تحت فشار قرار داشت و اکنون داغ شده

<sup>۱</sup> ورق های تقویتی فیبر کربن

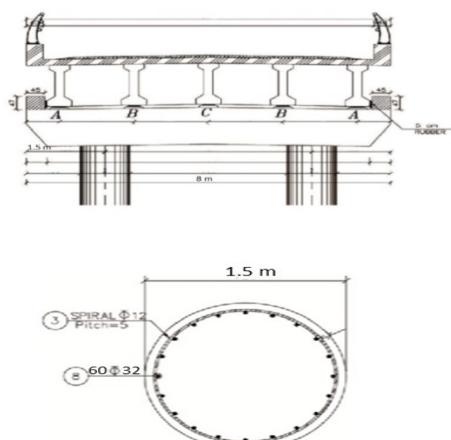
### ۳-۲- مدل‌های مورد بررسی

در این تحقیق به منظور بررسی و مقایسه روش‌های مختلف مقاومسازی پل‌های بتنی تحت اثر بارهای ناشی از انفجار مطالعاتی عددی بر روی مدل‌های سازه پل سه‌بعدی صورت گرفته است. در راستای این هدف پلی با ابعاد واقعی که در استان گیلان شهرستان رودسر واقع شده انتخاب و قاب‌های آن تحت تحلیل قرار گرفت، که در ادامه مشخصات این پل ذکر شده است. سازه پل مورد بررسی در تحقیق دارای پایه‌های بتنی با شکل هندسی مقطع دایره‌ای به ارتفاع ۸ متر که در فواصل طولی ۲۵ متر از هم قرار دارند. عرض عرشه پل ۱۶ متر است و هندسه و مقاطع بکار رفته در این پل به ترتیب در شکل‌های (۳) و (۴) نمایش داده شده است. برای سازه پل موردنظر ستون‌های مدل شده با مقطع معمول دایره‌ای به قطر  $1/5$  متر استفاده شده است، که در آن از  $60$  میلگرد با قطر  $28$  میلی‌متر به کار گرفته شده است. این میزان از فولاد برای این ستون معادل  $2\%$  مساحت مقطع ستون است که به صورت دایره‌ای چیده شده است. انتخاب سیستم دایره‌ای برای ستون پایه‌ها به دلیل عملکرد بالای ستون‌های دایره‌ای شکل در برابر ارتعاشات است.

در مدل سازی سازه مورد بررسی، عرشه و پل در نرم‌افزار مورد استفاده مدل گردید و جهت اعمال بار ناشی از انفجار، نمودار فشار-زمان به دست آمده از انفجار به صورت تاریخچه زمانی در نرم‌افزار تعریف گردید و این بار به ستون وسطی پایه بتنی پل وارد می‌شود.



شکل (۳): ابعاد و هندسه پل مورد مطالعه



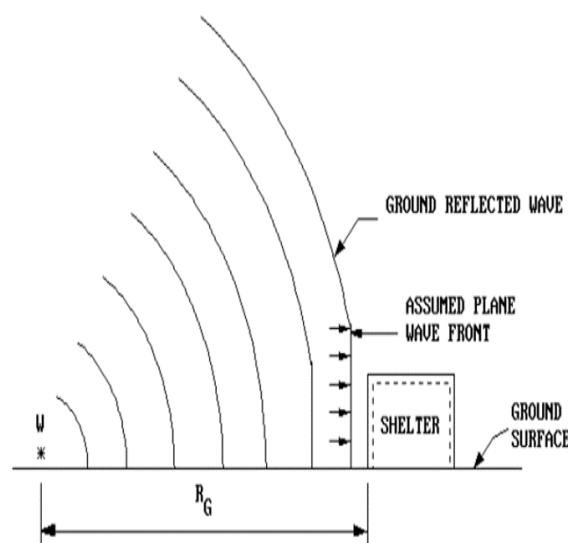
شکل (۴): مقطع عرضی عرشه و پایه پل مورد مطالعه

- مقدار تشدید موج در اثر تداخل با زمین، حفاظ یا خود سازه

### ۲-۲- نوع انفجار مورد مطالعه

انفجارها از نظر موقعیت نسبت به سازه به دو گروه اصلی انفجار داخلی و انفجار خارجی تقسیم‌بندی می‌شوند. انفجار خارجی را نیز می‌توان در سه گروه انفجار در هوای آزاد، انفجار هوایی و انفجار سطحی تقسیم‌بندی نمود. انفجار در هوای آزاد زمانی رخ می‌دهد که یک انفجار در بالای یک سازه طوری روی دهد که میان منبع ماده منفجره و سازه هیچ‌گونه تقویت موج شوک اولیه وجود نداشته باشد. اما اگر انفجار در فاصله‌ای منشخص از سطح زمین روی دهد، موج اولیه از نقطه انفجار منتشرشده و پس از برخورد با سطح زمین و انعکاس به سطح سازه برخورد می‌کند. بنابراین موج در امتداد سطح زمین در ارتفاعی موسوم به ارتفاع ماخ که ناشی از اندرکنش موج اولیه و موج منعکس شده است منتشر می‌گردد. به همین ترتیب اگر یک انفجار در سطح زمین منتشر شده باشد، موج اولیه انفجار مطابق شکل (۲) پس از برخورد با زمین منعکس شده و با ترکیب موج اولیه و موج منعکس شده به صورت یک موج به شکل نیم‌کره منتشر می‌گردد. نتایج نشان داده است که در شرایط یکسان از نشانه انفجار و فاصله، انفجارهای سطحی به دلیل تشدید ناشی از برخورد موج با زمین نسبت به انفجار در هوای آزاد امواج شدیدتری تولید می‌کنند [۵].

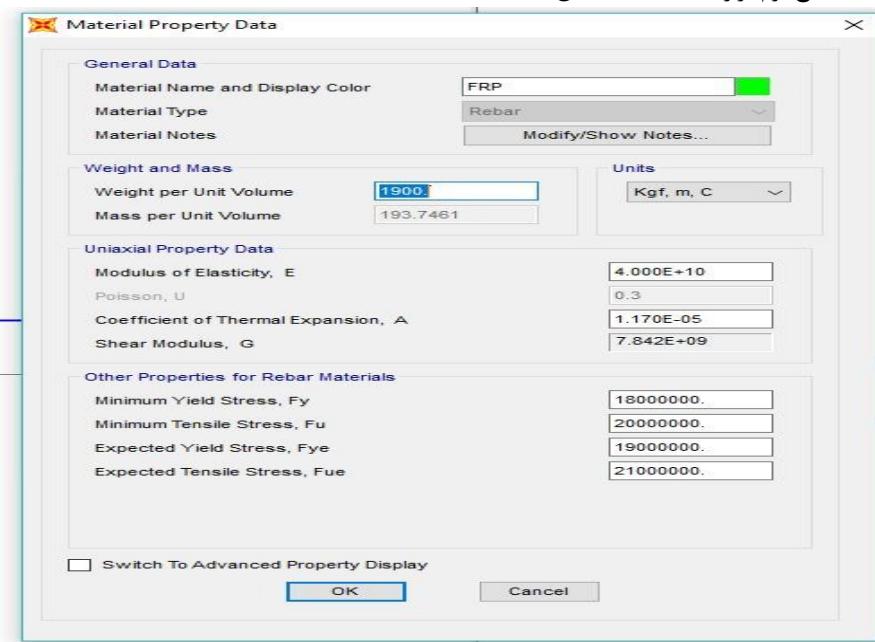
فاز مشبت و منفی فشار، ضربه، دوره تناوب و دیگر پارامترهای ناشی از انفجار سطحی بر روی وجه مقابل و پشت سازه به صورت تابعی از فاصله مقیاس‌شده از نقطه انفجار با استفاده از منحنی‌های ارائه شده در دستورالعمل ۳-۳۴۰-۰۲ UFC و مطابق الگوی تغییرات بار وارد بر حسب زمان محاسبه می‌شود.



شکل (۲): موج ناشی از انفجار سطحی [۵]

شکل (۵) تعریف گردید. مشخصات هندسی شامل قطر میلگردها، تعداد و مشخصات مکانیکی شامل تنش کششی نهایی، تنش تسلیم، مدول الاستیسیته، ضریب پواسون و وزن مخصوص است. تغییر شکل ها در این حالت به میزان زیادی کاهش داشته و این از تأثیر میلگردهای FRP است.

**۴-۲- مشخصات مصالح مصرفی**  
مصالح مصرفی در ساخت نمونه ها شامل بتن و فولاد و میلگرد FRP است که مشخصات این مصالح در جدول های (۱) و (۲) ارائه شده است.  
مشخصات میلگردهای FRP همان طور که در جدول (۲) ارائه شده است، در قسمت تعریف مصالح نرم افزار SAP 2000 مطابق



شکل (۵): مدل سازی میلگردهای FRP در نرم افزار

جدول (۱): مشخصات بتن و فولاد مصرفی

مصالح	نسبت پواسون ( $\gamma$ )	$E$ ( $\text{kg}/\text{m}^2$ )	$f'_c$ ( $\text{kg}/\text{cm}^2$ )	$\rho$ ( $\text{kg}/\text{m}^3$ )
Concrete پایه پل و تیر	۰/۲	۲۱۰۰۰۰	۵۰۰	۲۴۰۰
Concrete عرشه	۰/۲	۲۱۰۰۰۰	۲۸۰	۲۴۰۰
Steel	۰/۳	۲۱۰۰۰۰	$f_y = ۳۰۰$	۷۸۵۰

جدول (۲): مشخصات میلگرد FRP

مصالح	مدول الاستیسیته	وزن مخصوص	تنش تسلیم	تنش نهایی کششی
FRP	$E$ (Gpa)	$\rho$ ( $\text{kg}/\text{m}^3$ )	$F_y$ ( $\text{kg}/\text{cm}^2$ )	$F_u$ ( $\text{kg}/\text{cm}^2$ )
	۴۰۰	۱۹۰۰	۱۸۰۰	۲۰۰۰

سه نوع بار فرضی هستند که اثر آن ها معادل اثر بارهای واقعی مؤثر بر اجزای پل است که شامل بارهای زیر می باشند:  
۱- بار نوع اول: بار یک کامیون به وزن ۴۰۰ کیلونیوتن در هر خط عبور، که ۳ متر جلو و ۳ متر عقب آن خالی است، در بقیه طول خط عبور بار یکنواختی به میزان ۱۵ کیلونیوتن بر متر طول قرار داده می شود.

## ۵- بارگذاری

### ۱-۵-۲- بار زنده

بار رو سازی پل شامل رو سازی و ملحقات آن و شاه تیرها به صورت بار مرده به محل نئوپرن ها اعمال می شود. طبق نشریه ۱۳۹ (آین نامه بارگذاری پل ها، ۱۳۷۹) [۱۶] بارهای بهره برداری شامل

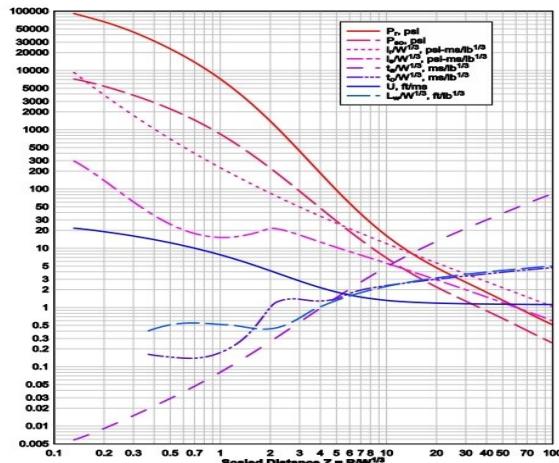
برای داشتن یک مبنای مقایسه، مواد منفجره مختلف با ماده منفجره TNT معادل و مقایسه می‌شوند. پارامتر مقیاس  $Z_G$  (فاصله مقیاس شده)، برای محاسبه اثر انفجار بر مبنای وزن معادل TNT طبق معادله زیر تعریف می‌شود:

$$Z_G = \frac{R}{\sqrt[3]{W}} \quad (1)$$

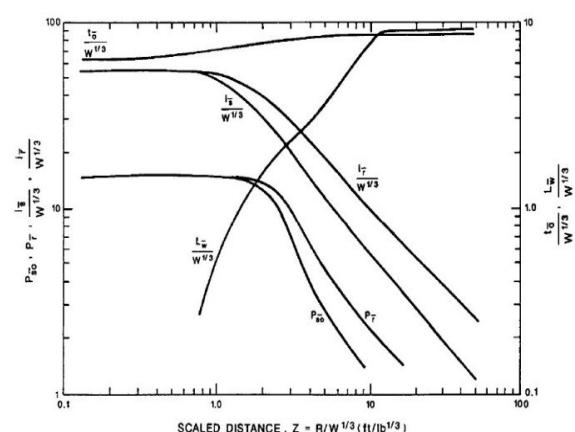
در این رابطه، R فاصله از محل انفجار و W وزن ماده منفجره معادل TNT می‌باشد.

برای تعیین پارامترهای موج انفجار و رسم نمودار فشار - زمان ارائه شده در شکل (۱) می‌توان از منحنی‌های ارائه شده در دستورالعمل UFC 3-340-02 استفاده کرد (به صورت نمونه در شکل (۷) و (۸)) که بر اساس آن می‌توان با توجه به محاسبه فاصله مقیاس شده، پارامترهای نظری بیشینه فشار انفجار در فاز مثبت و منفی، مدت زمان فاز مثبت و منفی انفجار، ضربه ناشی از انفجار در فاز مثبت و منفی و... را تعیین نمود. با استفاده از پارامتر فاصله مقیاس شده (Z)، محاسبه شده طبق رابطه (۱) و نمودارهای UFC 3-340-02 نمودار فشار - زمان ناشی از انفجار نورده مطالعه، محاسبه و در شکل (۹) ارائه شده است.

Figure 2-7 Positive Phase Shock Wave Parameters for a Spherical TNT Explosion in Free Air at Sea Level



شکل (۷): پارامترهای فاز مثبت موج انفجار [۵]



شکل (۸): پارامترهای فاز منفی موج انفجار [۵]

۲- بار نوع دوم: این بار معادل ۸۰ کیلونیوتون است که سطح اثر آن مربعی به ابعاد ۳۰ سانتی‌متر فرض می‌شود و موقعیت آن در محدوده سواره را متغیر است.

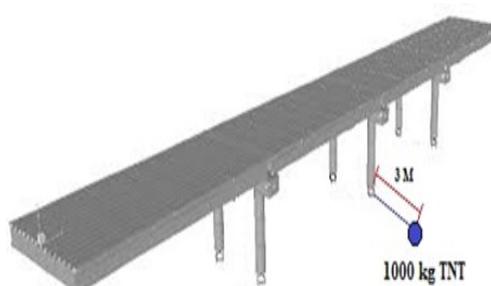
۳- بار نوع سوم: اثر دو نوع بار نظامی به شرح زیر: الف) بار تانک: بار یک تانک به میزان ۷۰۰ کیلونیوتون که در امتداد عرض پل تنها یک تانک، و در امتداد طول حداقل فاصله وسط تا وسط هر دو تانک متوالی ۳۰ متر منظور می‌شود.

ب) بار تریلی تانک بر: بار یک تریلی دارای ۶ محور و به وزن ۹۰۰ کیلونیوتون، که در عرض پل تنها یک تریلی و در طول پل حداقل فاصله بین چرخ‌های دو وسیله متوالی ۱۲ متر در نظر گرفته می‌شود.

پس از اعمال این بارها به مدل پل تحت بررسی و تحلیل دستی آن‌ها، بار نوع اول بحرانی‌ترین بار شناخته شده و به عنوان بار زنده انتخاب می‌شود.

## ۲-۵-۲- بار انفجار و نحوه اعمال آن بر سازه

مدل‌ها با توجه به مقدار ماده منفجره براساس دستورالعمل UFC 3-340-02 تحت اثر بار انفجاری مورد تحلیل قرار گرفته‌اند. سطح انفجار موردنظر مطابق شکل (۶) معادل انفجار ۱۰۰۰ کیلوگرم TNT در فاصله ۳ متری از سازه در نظر گرفته شده است. بارگذاری انفجاری مدل‌ها بر اساس فاز مثبت و منفی فشار ناشی از یک انفجار سطحی در مقابل یک وجه سازه انجام شده است. نمودار فشار-زمان ناشی از انفجار مورد بررسی در شکل (۶) نمایش داده شده است.



شکل (۶): موقعیت و فاصله ماده منفجره نسبت به پل

برای محاسبه پارامترهای انفجار معمولاً از روشی به نام روش فاصله مقیاس‌بندی شده استفاده می‌کنند. عمومی‌ترین روش مقیاس‌گذاری انفجار روش هاپکینسون - کرانز یا ریشه سوم است که ابتدا توسط هاپکینسون در سال ۱۹۱۹ و سپس توسط کرانز در سال ۱۹۲۶ فرمول‌بندی شد [۱۷]. بر اساس این قانون امواج مشابه هنگامی به وجود می‌آیند که دو ماده منفجره با جنس یکسان در فواصل مقیاس‌گذاری شده مشابه منفجر شوند [۱۷]. مواد منفجره مختلف فشارهای متفاوتی را ایجاد می‌کنند، بنابراین

## ۶-۲- معرفی نرم‌افزار مورد استفاده

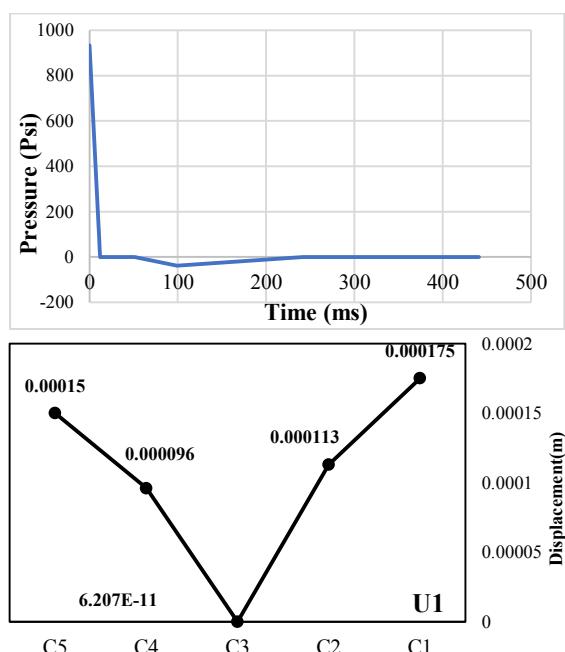
جهت شبیه‌سازی مدل‌های مورد استفاده در پژوهش از نرم‌افزار SAP 2000 استفاده شد. نرم‌افزار 2000 SAP در حدود سی سال است که در طراحی و آنالیز سازه مورد استفاده قرار می‌گیرد. هر سال امکانات این نرم‌افزار بیشتر می‌شود و با حفظ رابط کاربری ساده و مشخص، بر پیچیدگی انواع محاسبات و آنالیزها اضافه می‌شود. درواقع 2000 SAP برنامه‌ای فوق العاده پیشرفته، قابل درک همراه با رابط کاربری چند بعدی و فراگیر است که با بهره‌گیری از موتور تحلیلی بی‌نظیر و ابزارهای طراحی منحصر به فرد قادر تمند شده است. محیط مدل‌سازی گرافیکی سه‌بعدی باعث شده است به سادگی بتوانید به طرح‌های خود تجسم بخشید و سپس انواع تحلیل‌های لازم را روی آن انجام داد. مدل‌سازی‌های پیچیده با کمک تمپلت‌های پرقدرتی که در رابط کاربری آن گنجانده شده است، ارائه می‌گردد و کاربران می‌توانند آن‌ها را با یکدیگر تلفیق کنند. این نرم‌افزار تمامی نیازهای لازم برای طراح را یکجا فراهم آورده است و در ساخت سازه‌ها از این نرم‌افزار به‌طور عملی استفاده می‌شود. از قابلیت‌های نرم‌افزار می‌توان به تحلیل استاتیکی و دینامیکی، تحلیل‌های خطی و غیرخطی، تحلیل بار متغیر و سایل نقلیه برای پل‌ها اشاره نمود.

## ۷-۲- تحلیل مدل‌ها

تحلیل مدل با استفاده از نرم‌افزار 2000 SAP و به روش دینامیکی و از نوع تاریخچه زمانی انجام شده است. تحلیل دینامیکی تاریخچه زمانی روشی است تحلیلی برای تعیین بازتاب‌ها در هر مقطع زمانی (در مدت وقوع اعمال بار در سازه)، وقتی که سازه پل تحت تأثیر امواج ناشی از انفجار قرار می‌گیرد. در این روش، بازتاب‌های دینامیکی سازه به صورت تابعی از زمان محاسبه می‌گردد. از این روش می‌توان برای تحلیل خطی ارجاعی و یا تحلیل غیرخطی سازه‌ها استفاده نمود.

## ۳- نتایج و بحث

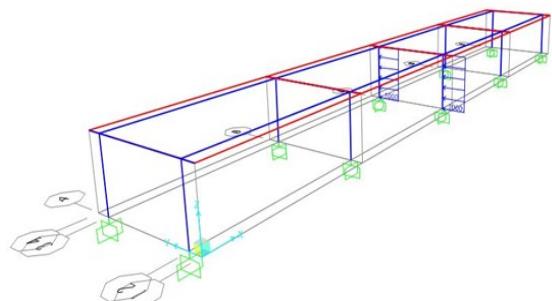
ابتدا طرح اولیه را که بدون تقویت است و با هندسه و مقاطع ذکر شده در بند (۲-۳) تحلیل و طراحی کرده و تغییرشکل‌های ناشی از بار انفجار در حالت بدون تقویت بررسی می‌کنیم. نتایج تغییرشکل‌ها فقط در سرستون‌ها و محل اتصال به عرشه مورد بررسی قرار می‌گیرد زیرا همان‌طور که می‌دانیم محل اتصال به عرشه از نقاط ضعف سازه است و اگر تغییرشکل‌ها در این نقطه کنترل شود به عبارتی خرابی‌های احتمالی سازه کم شده و قابل کنترل است.



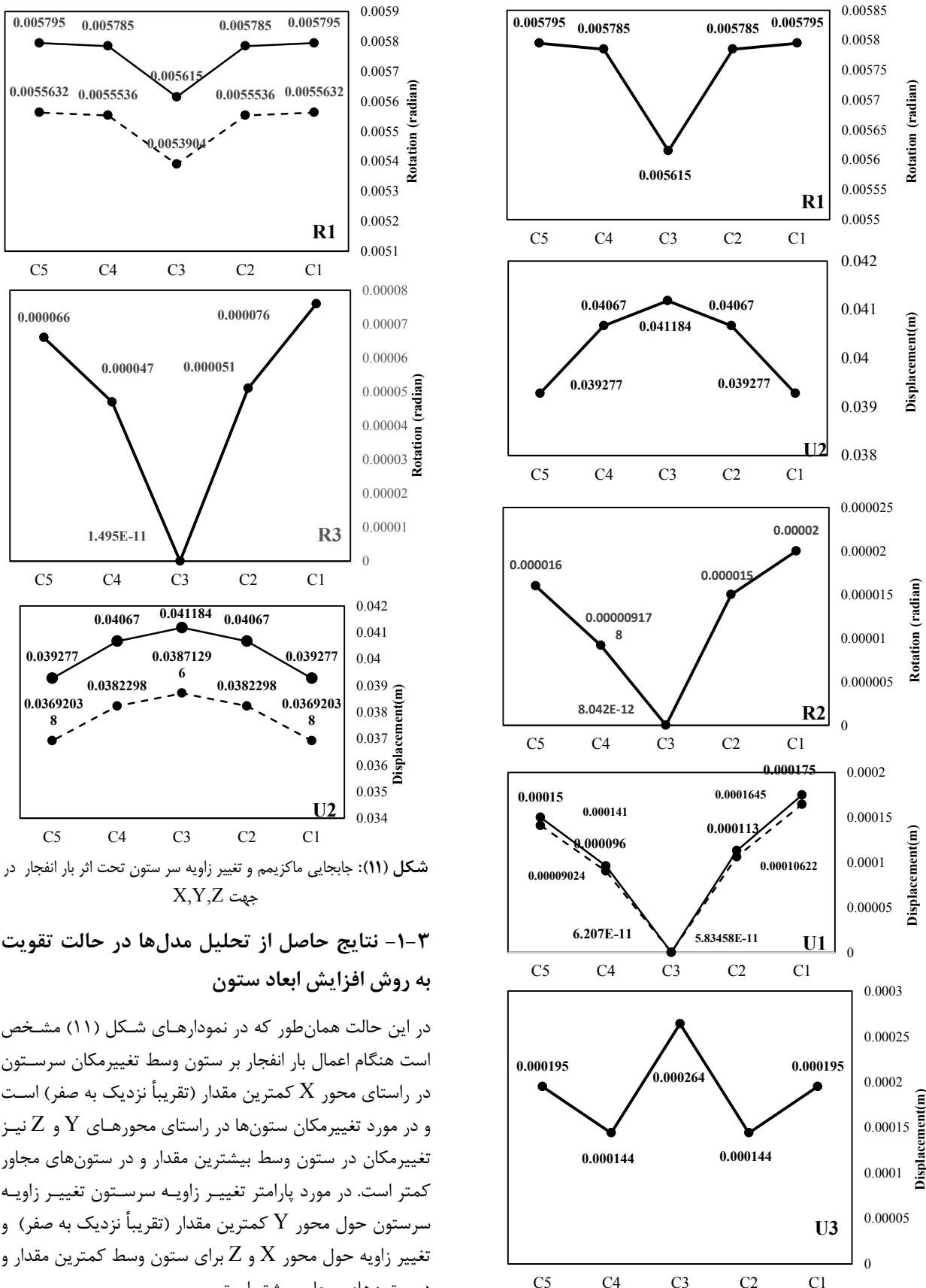
شکل (۹): نمودار فشار - زمان ناشی از سناریوی انفجاری مورد بررسی به منظور ساده‌سازی محاسبات بارگذاری انفجاری، فرض‌های ساده کننده زیر در نظر گرفته شده است:

- ۱- بارهای ناشی از انفجار صرفاً به پایه‌های بتُنی پل اعمال شده است و عرشه پل تحت نیروهای ناشی از انفجار قرار نگرفته است.
- ۲- فشار انفجار وارد بر ستون بتُنی پایه پل، در ارتفاع پایه ثابت و یکنواخت و برابر فشار مربوط به پای سازه در نظر گرفته شده است. لازم به ذکر است که با توجه به کاهش مقدار واقعی فشار انفجار وارد بر سازه، با افزایش ارتفاع آن، این فرض محافظه‌کارانه است.
- ۳- در این تحقیق از تکان زمین زیر سازه در اثر انتقال امواج انفجار در زمین صرف‌نظر شده است.
- ۴- بار گسترده روی ستون ناشی از انفجار از ضرب عرض بارگیر ستون در منحنی فشار وارد شده به ستون رو به انفجار به دست می‌آید و این بار به صورت خطی و ثابت در تمام ارتفاع ستون به سازه وارد می‌شود.

با توجه به فرضیه‌های بالا نحوه انتقال بار ناشی از انفجار به سازه در شکل (۱۰) آمده است.



شکل (۱۰): نحوه اعمال بار انفجار به سازه



شکل (۱۱): جابجایی ماتریسم و تغییر زاویه سر ستون تحت اثر بار انفجار در X,Y,Z جهت

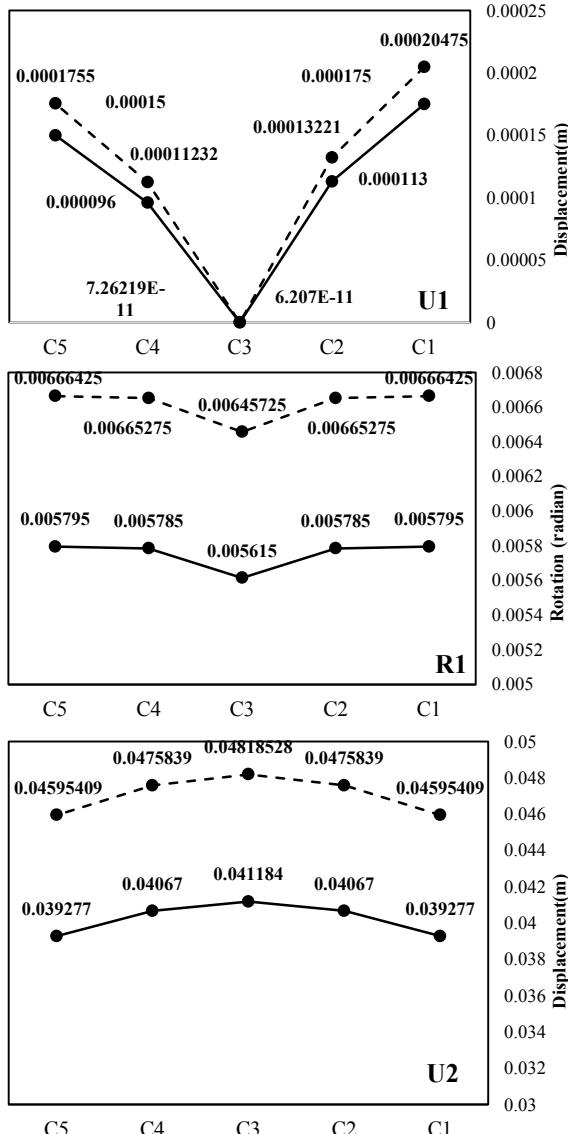
### ۳- نتایج حاصل از تحلیل مدل‌ها در حالت تقویت به روش افزایش ابعاد ستون

در این حالت همان‌طور که در نمودارهای شکل (۱۱) مشخص است هنگام اعمال بار انفجار بر ستون وسط تغییر مکان سرستون در راستای محور X کمترین مقدار (تقریباً نزدیک به صفر) است و در مورد تغییر مکان ستون‌ها در راستای محورهای Y و Z نیز تغییر مکان در ستون وسط بیشترین مقدار و در ستون‌های مجاور کمتر است. در مورد پارامتر تغییر زاویه سرستون تغییر زاویه سرستون حول محور Y کمترین مقدار (تقریباً نزدیک به صفر) و تغییر زاویه حول محور X و Z برای ستون وسط کمترین مقدار و در ستون‌های مجاور بیشتر است.

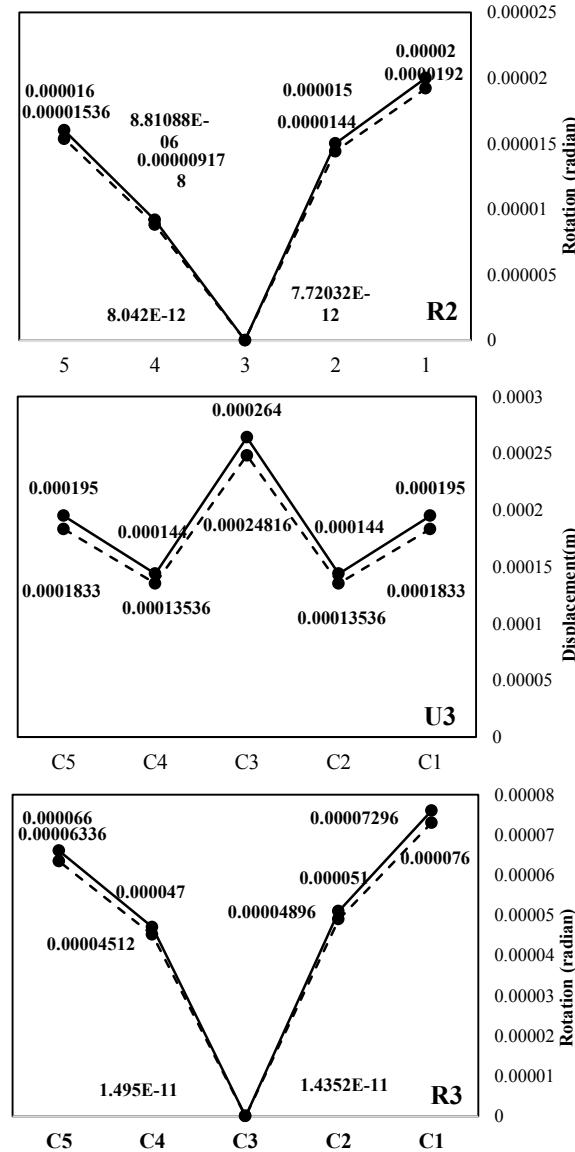
مقدار، افزایش سطح بارگیر سازه به دلیل افزایش بعد ستون و در نتیجه افزایش بار وارد ناشی از انفجار به موازات افزایش بعد ستون و در نتیجه افزایش مقاومت آن است.

### ۲-۳- نتایج حاصل از تحلیل مدل ها در حالت تقویت به روش اثر تغییر آرایش میلگردها

در این حالت نه ابعاد مقطع را تغییر دادیم و نه میزان میلگردها تغییر کرد بلکه آرایش قرارگیری میلگردها در مقطع از یک ردیف به دو ردیف تغییر پیدا کرد. در این حالت با توجه به نتایج به دست آمده تغییر وضعیت میلگردها نمی‌تواند کمکی به تقویت سازه داشته باشد زیرا هسته مرکزی و مقاوم بتن کم شده و توانایی تحمل بار توسط خود بتن کم می‌شود. همچنین فاصله میلگردها کمتر شده و لنگر مقاوم نیز کاهش می‌یابد و در نتیجه تغییرشکل ها به طور محسوسی بیشتر شده است.



با افزایش ابعاد ستون به میزان ۳۰ سانتی متر که معادل ۲۰٪ بعد اولیه است، همان طور که در نتایج می‌بینیم باعث کاهش تغییرشکل به طور محسوس در کل سازه پل نشده است. که این کاهش در تغییر مکان بیشتر و در تغییر زاویه کمتر بوده است. همچنین این تغییر در جهت اعمال بار انفجار بیشتر و در جهت های دیگر کمتر بوده است.

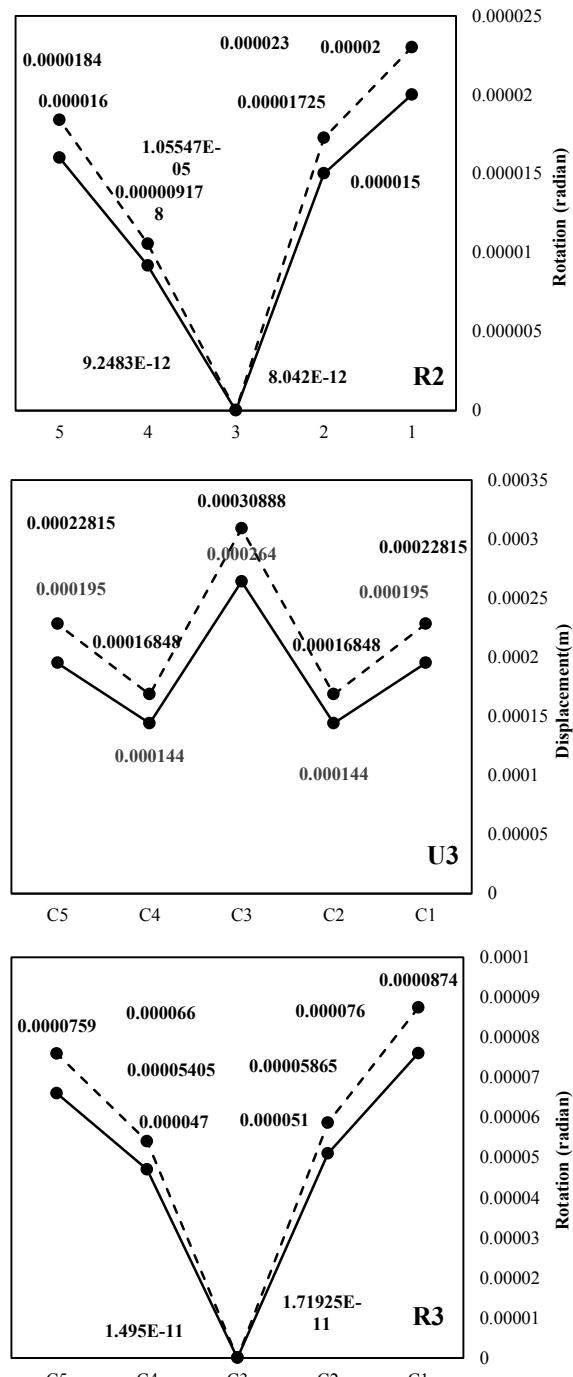
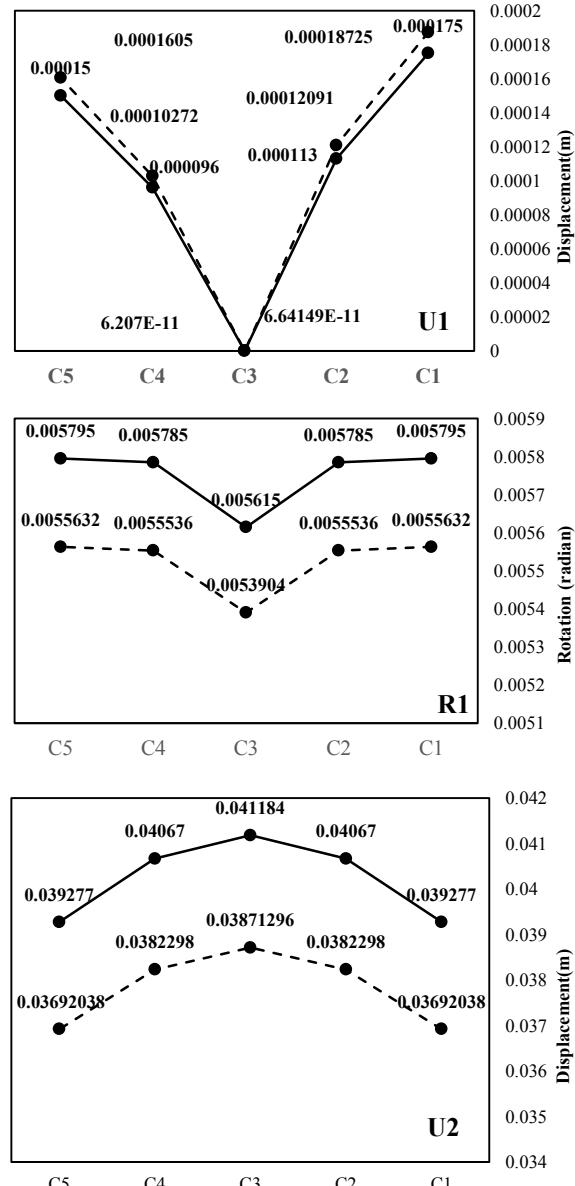


شکل (۱۲): مقایسه جابجایی ماکریم و تغییر زاویه سر ستون تحت اثر بار انفجار بعد از تقویت با روش افزایش بعد ستون در جهت ابعاد X,Y,Z

در این حالت با توجه به نمودارهای شکل (۱۲) و اعداد به دست آمده مشخص می‌شود افزایش ابعاد به میزان ۲۰٪ تغییر محسوسی در نتایج پاسخ‌های شامل تغییر مکان و تغییر زاویه سرستون حاصل نشده است. لذا افزایش ابعاد مقطع ستون پایه پل به منظور مقاوم سازی و کاهش پاسخ‌های سازه‌ای در برابر بار انفجار مقرر نباید. دلیل این مقدار ناچیز کاهش

### ۳-۳- نتایج حاصل از تحلیل مدل‌ها در حالت تقویت به روش افزایش درصد میلگرد ستون

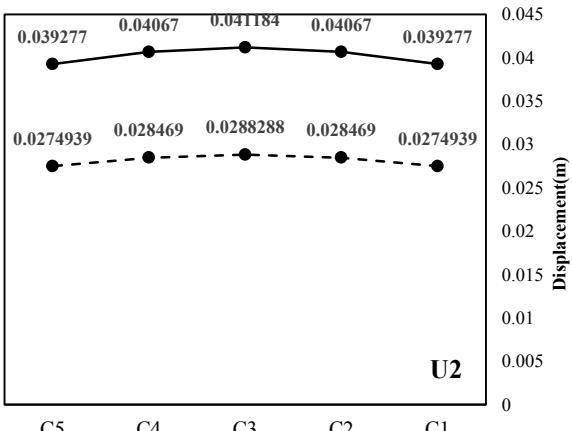
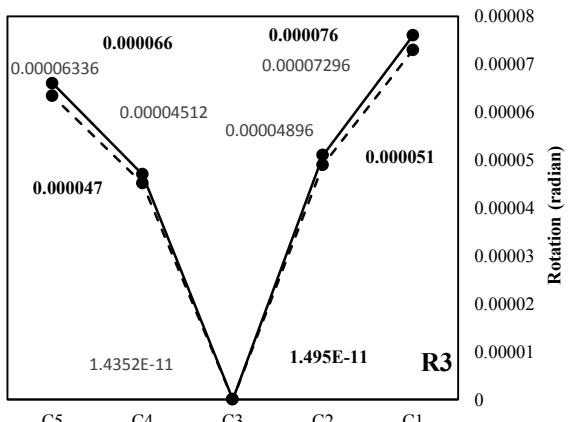
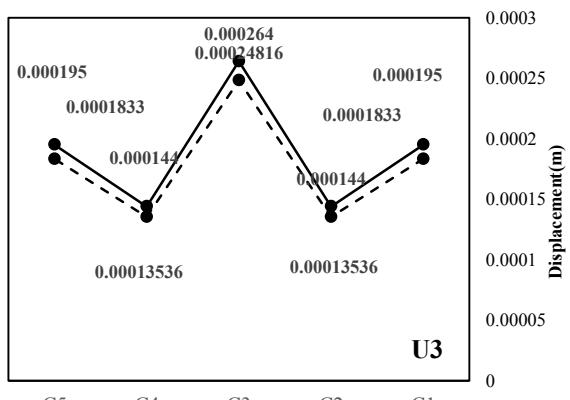
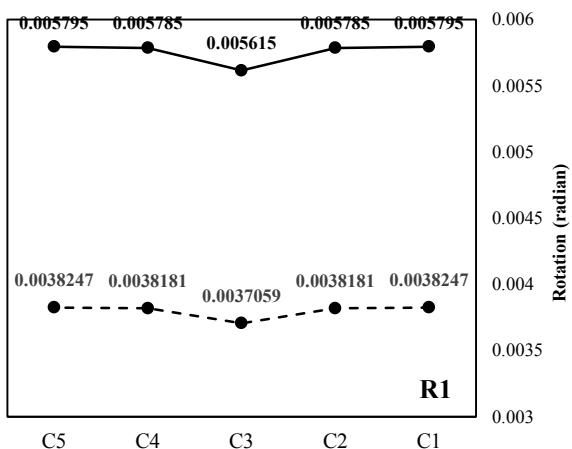
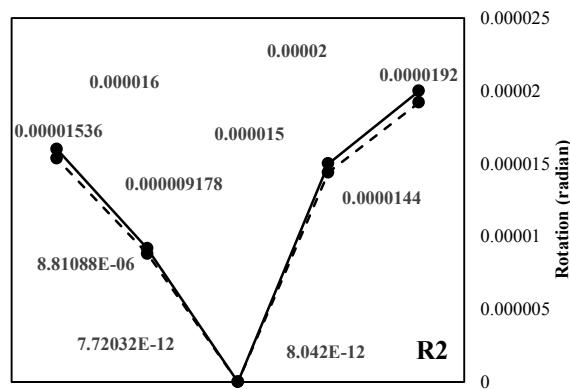
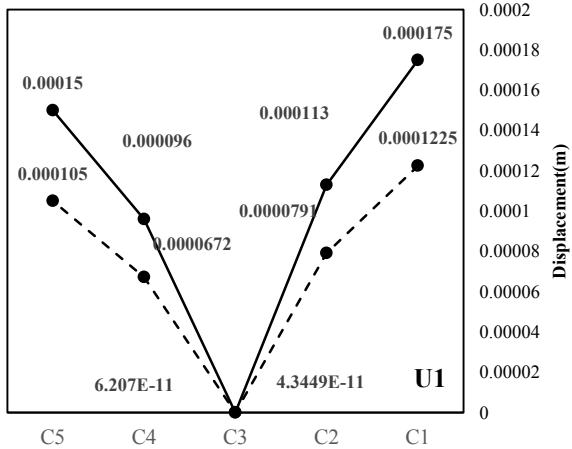
در این حالت افزایش درصد میلگردهای سطح مقطع از ۲ درصد به ۳ درصد انجام شد و به دلیل آنکه میلگردها به دلیل مشکلات اجرایی و آینه‌نامه‌ای در یک ردیف جانمی شدند تعداد نصف شده و در دو ردیف قرار داده شد. تغییرشکل‌ها به جای اینکه کاهش یابند افزایش داشته است، ولی این افزایش همانند تغییرات ناشی شده از دو ردیف قرار دادن میلگردها نیست و کمتر است. زیرا درست است که درصد میلگردها افزایش یافته ولی در عرض هسته بتن مقاوم کاهش یافته و نیرویی کمتری توسط بتن تحمل می‌شود. درنتیجه تغییرشکل‌ها افزایش می‌یابد ولی تغییرات زیاد محسوس نیست و این تغییرات در تغییرات زاویه سرستون بیشتر بوده است.



شکل (۱۳): مقایسه جابجایی ماقریم و تغییر زاویه سرستون تحت اثر بار انفجار بعد از تغییر آرایش میلگردها در مقطع درجهت ابعاد X,Y,Z با توجه به نمودارهای شکل (۱۳) و اعداد بدست آمده مشخص می‌شود که این حالت مقاوم‌سازی پاسخ‌های سازه‌ای شامل تغییرمکان و تغییر زاویه سرستون را نه تنها کاهش بلکه آن‌ها را افزایش و سازه را تعییف می‌نماید. لذا تقویت به روش تغییر آرایش میلگردها بهمنظور مقاوم‌سازی و کاهش پاسخ‌های سازه‌ای در برابر بار انفجار توصیه نمی‌گردد.

#### ۴-۳- نتایج حاصل از تحلیل مدل‌ها در حالت استفاده از میلگردهای FRP

این میلگردها به شکل قابل توجهی می‌توانند برای کنترل تغییرشکل‌ها مؤثر باشند و تأثیرات ناشی از انفجار را کم کنند. این تغییرات آنقدر کنترل‌کننده است برای تغییرشکل‌های ناشی از انفجار که می‌توانند به عنوان راه حل مؤثر برای پیشگیری از خطرت ناشی از انفجار در نظر گرفته شوند.



شکل (۱۴): مقایسه جابجایی ماقزیم و تغییر زاویه سر ستون تحت اثر بار انفجار بعد از تقویت به روش افزایش درصد میلگرد سطح مقطع در جهت ابعاد X,Y,Z

با توجه به نمودارهای شکل (۱۴) و اعداد به دست آمده مشخص می‌شود که این حالت مقاومسازی نیز پاسخ‌های سازه‌ای شامل تغییر مکان و تغییر زاویه سرستون را نه تنها کاهش بلکه آن‌ها را افزایش و سازه را تضعیف می‌نماید. لذا تقویت به روش افزایش درصد میلگرد مقطع ستون به منظور مقاومسازی و کاهش پاسخ‌های سازه‌ای در برابر بار انفجار توصیه نمی‌گردد.

#### ۴- نتیجه‌گیری

بهمنظور تحقق اهداف تعیین شده در این تحقیق پلی با ابعاد هندسی مفروض و مشخص ابتدا در نرم‌افزار SAP2000 تحت بارگذاری لرزه‌ای طراحی و تحلیل می‌شود و سپس سازه پل طراحی شده بر اساس نیروهای لرزه‌ای تحت بارگذاری انفجاری قرار داده شد. سپس چند روش مقاوم‌سازی شامل افزایش ابعاد مقطع ستون، افزایش درصد فولاد مقطع ستون، تغییر آرایش میلگردهای سطح مقطع و استفاده از میلگردهای FRP جهت مقاوم‌سازی و بهبود عملکرد و کاهش پاسخ‌های سازه‌ای اعمال گردید و درنهایت پاسخ‌های سازه‌ای مربوط به روش‌های مختلف مقاوم‌سازی با هم مقایسه و نتایج به صورت زیر ارائه می‌گردد:

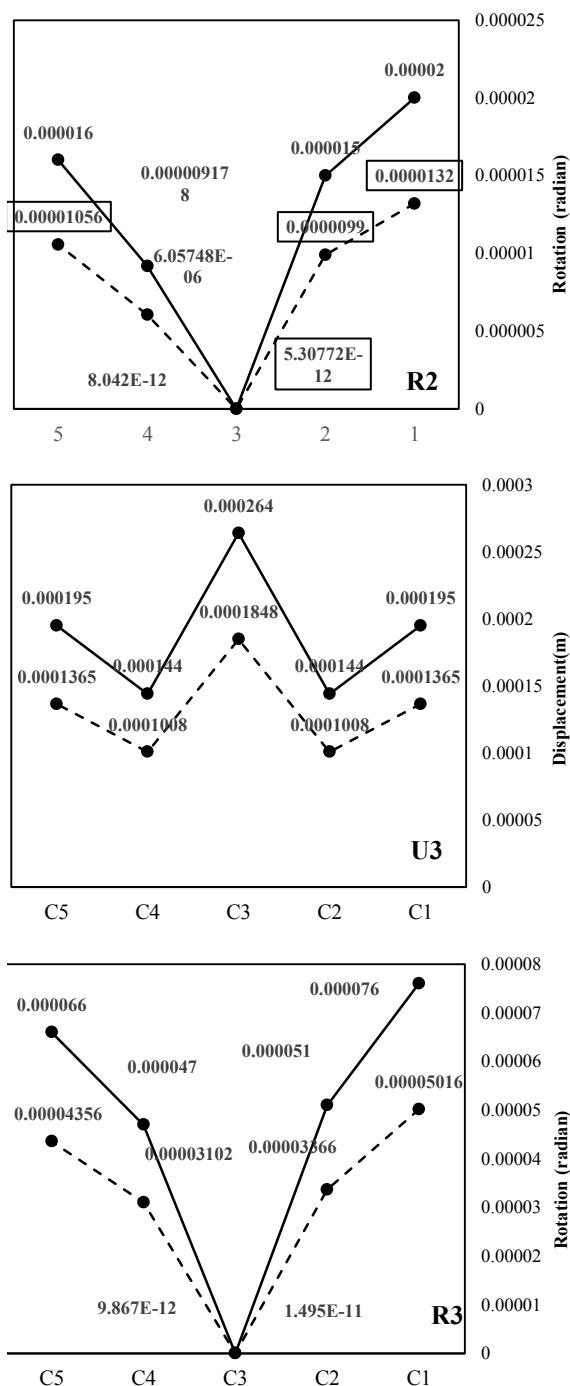
۱- با توجه به نمودارها و نتایج ارائه شده در بند ۳، هنگام اعمال بار انفجار بر ستون وسط، تغییر مکان راستای X (در امتداد پل) برای ستون موردنظر نزدیک به صفر ولی در بقیه ستون‌ها زیاد می‌شود ولی تغییر مکان راستای انفجار و عمود بر راستای پل از همه بیشتر است. در ستون موردنظر (ستون وسط) این میزان تغییر مکان زیاد، در ستون‌های هم‌جوار کمتر می‌شود.

۲- همان‌طور که در نمودارهای نتایج ارائه شده نمایان است، هنگام اعمال بار انفجار بر ستون وسط تغییر زاویه سر ستون حول محور X (در امتداد پل) کمتر ولی در راستای پل تغییر چندانی ندارد، این موضوع عیناً در مورد تغییر زاویه حول محور Y و Z نیز رخ می‌دهد با این تفاوت که در این حالت میزان تفاوت بیشتر می‌شود.

۳- با اعمال اولین روش یعنی افزایش ابعاد ستون به میزان ۳۰ سانتی‌متر که معادل ۲۰٪ بعد اولیه است، همان‌طور که در نتایج می‌بینیم این روش مقاوم‌سازی باعث کاهش تغییر‌شکل به شکل محسوس در کل سازه پل نشده است. که این کاهش در تغییر مکان بیشتر و در تغییر زاویه کمتر بوده است. میزان این کاهش میزان تغییر‌شکل‌ها و بهبود عملکرد سازه‌ای در پارامترهای ماکریم جابجایی و تغییر زاویه سرستون به ترتیب ۰/۰۵ و ۰/۰۵ درصد است.

۴- اثر تغییر آرایش میلگردها از یک ردیف به دو ردیف نمی‌تواند کمکی به تقویت سازه داشته باشد زیرا هسته مرکزی و مقاوم بتن کم شده و توانایی تحمل بار توسط خود بتن کم می‌شود. افزایش تغییر‌شکل‌ها در ماکریم جابجایی و تغییر زاویه سرستون به ترتیب ۰/۱۴ و ۰/۲۸ است.

۵- اثر افزایش درصد میلگرد در مقطع ستون (از ۲ درصد به ۳ درصد) باعث شد تغییر‌شکل‌ها به جای اینکه کاهش یابند افزایش داشته باشند، ولی این افزایش همانند تغییرات ناشی شده از دو ردیف قرار دادن میلگردها نیست و کمتر است. افزایش تغییر‌شکل‌ها در ماکریم جابجایی و تغییر زاویه سرستون ناشی



شکل (۱۵): مقایسه جابجایی ماکریم و تغییر زاویه سرستون تحت اثر بار انفجار در حالت استفاده از میلگردهای FRP در جهت ابعاد X,Y,Z (۱۵) و اعداد به دست آمده در این حالت مقاوم‌سازی و مقایسه با سایر حالات مقاوم‌سازی انجام شده مشخص می‌شود که پاسخ‌های سازه‌ای شامل تغییر مکان و تغییر زاویه سرستون به طور محسوسی کاهش می‌یابند و این نتیجه عملکرد مناسب میلگردهای FRP است لذا این روش به عنوان مؤثرترین و بهترین روش تقویت ستون‌های بتی پل در برابر بار انفجار توصیه می‌گردد.

- [7] E. B. Williamson and D. G. Winget, "Risk Management and Design of Critical Bridges for Terrorist Attacks," *J. Bridge. Eng.*, vol. 10, no. 1, pp. 96-106, 2005. [https://doi.org/10.1061/\(ASCE\)1084-0702\(2005\)10:1\(96\).](https://doi.org/10.1061/(ASCE)1084-0702(2005)10:1(96).)
- [8] D. G. Winget, K. A. Marchand, and E. B. Williamson, "Analysis and Design of Critical Bridges Subjected to Blast Loads," *J. Struct. Eng-ASCE.*, vol. 131, no. 8, pp. 1243-1255, 2005. [https://doi.org/10.1061/\(ASCE\)0733-9445\(2005\)131:8\(1243\).](https://doi.org/10.1061/(ASCE)0733-9445(2005)131:8(1243).)
- [9] V. Lute, A. Upadhyay, and K. K. Singh, "Genetic algorithms-based optimization of cable stayed bridges," *J. Softw. Eng. Appl.*, vol. 4, no. 10, pp. 571-578, 2011. [10.4236/jsea.2011.410066.](https://doi.org/10.4236/jsea.2011.410066.)
- [10] J. Baylot, J. Roy, and J. Hall, "Prediction Method for Response of Steel Bridge Beams and Girders to Blast and Fragment Load," *Transport Res. Rec.*, vol. 1827, no. 1, pp. 69-74, 2002. <https://doi.org/10.3141/1827-09.>
- [11] E. Mahdavi Sefat and M. Vatani, "Behavior of prestressed concrete bridge under blast loading," *Passive Defense Quarterly*, vol. 1, no.25, pp. 1-10, 2016. (In Persian)
- [12] Y. Pan, C. E. Ventura and M. M.S. Cheung, "Performance of highway bridges subjected to blast loads," *Eng. Struct.*, vol. 151, pp. 788-801, 2017. <https://doi.org/10.1016/j.engstruct.2017.08.028.>
- [13] C. D. Tetougueni, P. Zampieri, and C. Pellegrino, "Structural performance of a steel cable-stayed bridge under blast loading considering different stay patterns," *Eng. Struct.*, vol. 2019, 110739, 2020. <https://doi.org/10.1016/j.engstruct.2020.110739.>
- [14] M. Y. H. Bangash, "Shock, impact and explosion," Springer Berlin Heidelberg, New York, 2009.
- [15] INBC, "Loads on the Buildings," Ministry of Housing and Urban Development, Iranian National Building Code 6, 1398. (In Persian)
- [16] Management and Planning Organization of Iran, Office of the Deputy for Technical Affairs, Bureau of Technical Affairs and Standards, "Standard Loads for Bridges: no. 139," First revision, 1379. (In Persian)
- [17] N. Y. H. Bangash and T. Bangash, "Explosion-Resistant Buildings," Springer Berlin Heidelberg, New York, 2006.

از افزایش درصد میلگرد سطح مقطع به ترتیب ۰/۰۸ و ۰/۲۷ است.

۶- با جایگزین کردن میلگردهای FRP به جای میلگردهای معمولی، تغییر شکل ها در این حالت به میزان زیادی کاهش داشته است. این میلگردها به شکل قابل توجهی می توانند برای کنترل تغییر شکل ها مؤثر باشند و تأثیرات ناشی از انفجار را کم کنند. این تغییرات برای تغییر شکل های ناشی از انفجار آنقدر کنترل کننده است که می توانند به عنوان راه حل مؤثر برای پیشگیری از خطرات ناشی از انفجار در نظر گرفته شوند. میزان کاهش تغییر شکل ها در پارامترهای ماکزیمم جابجایی و تغییر زاویه سرستون به ترتیب ۰/۴۹ و ۰/۳۰ است.

۷- با بررسی نتایج به دست آمده از تحلیل سازه پل تقویت شده به روش های مختلف می توان نتیجه گرفت که جایگزین کردن میلگردهای FRP به جای میلگردهای معمولی در ستون های بتونی پایه پل به عنوان مؤثر ترین و بهترین روش تقویت و بهسازی این سازه ها در برابر بارهای ناشی از انفجار است.

## ۵- مراجع

- [1] P. Hassanvand, M. Hosseini, A. R. Sarvghad Moghadam, and M. Heydari Rasoul Abadi, "Assessment Behaviour of the Concrete Flexural Frame and Shear Wall Partially Buried System under Blast Loadings," *Journal of structural and construction engineering*, vol. 5, no. 1, pp. 55-70, 2018. (In Persian) [10.22065/JSC.2017.83948.1162.](https://doi.org/10.22065/JSC.2017.83948.1162.)
- [2] US Department of the Army, "Fundamentals of Protective Design for Conventional Weapons," TM 5-855-1, Washington DC, 1986.
- [3] J. L. Drake, et al., "Protective Construction Design Manual. Final Report, Air Force Engineering and Services Center," ESL-TR-87-57, November 1989.
- [4] U. S. Army, U. S. Navy, and U. S. A. Force, "Structures to Resist the Effects of Accidental Explosions," TM5-1300, p. 1400, 1990.
- [5] Unified Facilities Criteria (UFC 3-340-02), "Structure to Resist the Effects of Accidental Explosion," U. S. Army Corps of Engineers, 2008.
- [6] A. Rahae and A. Firouzi, "Methods of Inspection and Maintenance of Concrete Bridges," The first conference on securing and improving structures. In Iran, 2002.